



Optimierung I, SS 2008

Übungsblatt 11

Aufgabe 11.1 ca. 5 Punkte

Sei $P \subset \mathbb{R}^n$ ein Polytop, $\phi : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^{n-1}$ die Projektion $\phi((x_1, \dots, x_n)) := (x_1, \dots, x_{n-1})$ auf die zu u_n senkrechte Koordinatenebene (bzw. in den dazu isomorphen \mathbb{R}^{n-1}) und sei $Q := \phi(P)$.

a) Zeigen Sie: Für jedes $x \in P$ ist

$$N_Q(\phi(x)) = \{y \in \mathbb{R}^{n-1} : \text{es gibt ein } c \in N_P(x) \text{ mit } u_n^T c = 0 \text{ und } y = \phi(c)\}$$

b) Geben Sie ein Beispiel an, das zeigt, dass auf die Bedingung $u_n^T c = 0$ im Allgemeinen nicht verzichtet werden kann.

Aufgabe 11.2 ca. 11 Punkte

Ein Polyeder P sei gegeben durch das lineare Ungleichungssystem

$$x_1 + x_2 + x_3 \leq 6 \quad (1)$$

$$x_1 - x_2 + 2x_3 \leq 4 \quad (2)$$

$$x_1 \geq 0 \quad (3)$$

$$x_2 \geq 0 \quad (4)$$

$$x_3 \geq 0 \quad (5)$$

Lösen Sie mit Hilfe des Simplex-Algorithmus unter Verwendung der Startecke x_i die linearen Optimierungsprobleme $\max_{x \in P} c_i^T x$, mit

a) $x_1 = (4, 0, 0)^T$, $c_1 = (0, 1, 3)^T$

b) $x_2 = (0, 0, 0)^T$, $c_2 = (2, 1, 0)^T$

c) $x_3 = (0, 6, 0)^T$, $c_3 = (0, -1, 0)^T$